

التمرين الأول (4 ن)

أجب بصواب أو خطأ

(1) عدد الأعداد الصحيحة الطبيعية ذات ثلاثة أرقام مختلفة، التي تقبل القسمة على 12 و 15 هو 11

(2) الرقم الذي رتبته 2016 في الكتابة العشرية للعدد الكسري $\frac{32}{63}$ هو 5

(3) العدد $\frac{\sqrt{12}-\sqrt{6}}{\sqrt{3}}$ هو مقابل العدد $\sqrt{2}(1-\sqrt{2})$

(4) ليكن $(O; I; J)$ معينا في المستوي والنقطتين $A(-\sqrt{2}, 0)$ و $B(1, 2)$
فإن احداثيات النقطة J في المعين $(I, A; B)$ هي $(\sqrt{2}-1; \frac{1}{2})$

التمرين الثاني (5 ن)

نعتبر العبارتين: $A = \sqrt{45}x - \sqrt{16} - |-\sqrt{5} + 2| - 2(3x - \sqrt{5})$

و $B = (3x + 1)(4x + 2) - 3x^2 - x$ حيث x عدد حقيقي

(1) بين أن $A = (\sqrt{5} - 2)(3x + 1)$ و $B = (3x + 1)(3x + 2)$

(2) احسب القيمة العددية للعبارة A في حالة $x = \sqrt{5}$

(3) جد العدد الحقيقي x في كل حالة: أ/ $|A| = 0$ ب/ A و $\sqrt{5} + 2$ مقلوبان ج/ A و B متقابلان
التمرين الثالث (7 ن) (وحدة قياس الطول هي الصم)

ليكن $(O; I; J)$ معينا متعامدا في المستوي حيث $OI = OJ = 1$

(1) أ/ عين النقطة $B(3, -2)$

ب/ ابن النقطة A منظر النقطة B بالنسبة إلى (OI)

ج/ أوجد احداثيات A

(2) أ/ ابن النقطتين D و C بحيث يكون الرباعي $ABCD$ متوازي الأضلاع مركزه I .

ب/ أوجد احداثيات C و D

ج/ بين أن J منتصف $[DI]$

د/ بين أن الرباعي $ABCD$ مربع

(3) المستقيم (DO) يقطع $[BC]$ في E .

أ/ بين أن O منتصف $[DE]$

ب/ استنتج أن E منتصف $[BC]$

(4) ما هي مجموعة النقاط $M(x; y)$ حيث $y = 2$ و $-1 \leq x \leq 3$ ؟

التمرين الرابع (4 ن)

I/ باستعمال الأرقام: 3 ; 7 ; 8 ; 5 ; 1 ; 0

(1) كم عددا يتكون من أربعة أرقام مختلفة يمكن تكوينه ؟

(2) كم عددا يتكون من أربعة أرقام مختلفة، يقبل القسمة على 15 و 12 يمكن تكوينه ؟

I I/ نعتبر المجموعة: $A = \left\{ \frac{-13}{7} ; \frac{1785}{15} ; \pi - 0,14 ; -\sqrt{2} ; -8,375 ; \frac{1380}{12} ; -\frac{\sqrt{63}}{\sqrt{28}} \right\}$

حدد عناصر المجموعات التالية: $A \cap \mathbb{R} ; A \cap \mathbb{Q}_- ; A \cap \mathbb{D} ; A \cap \mathbb{Z}$

التمرين الاول (4 ن) أجب بصواب أو خطأ

- (1) العدد $\frac{\sqrt{63}}{\sqrt{28}}$ هو عدد أصم
- (2) عدد الأعداد الصحيحة الطبيعية التي تتكون من ثلاثة أرقام وتقبل القسمة على 15 هو 20
- (3) الرقم الذي رتبته 2016 بعد الفاصل في الكتابة 16, 73541 هو 4
- (4) العددان $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}-2}$ و $\frac{\sqrt{6}+2}{\sqrt{2}}$ هما عدداً متساويان

التمرين الثاني (5 ن)

نعتبر العددين الحقيقيين :

$$b = \sqrt{(\sqrt{5}-3)^2 + (\sqrt{5}-1)(\sqrt{5}+3) - \sqrt{9}} \quad \text{و} \quad a = \sqrt{125} - \frac{1}{2} - \sqrt{80} - \frac{\sqrt{45}-3}{\sqrt{20}-2}$$

$$(1) \text{ بين أن } b = \sqrt{5} + 2 \quad \text{و} \quad a = \sqrt{5} - 2$$

$$(2) \text{ أ / بين أن } a \text{ مقلوب } b$$

$$\text{ب/ بين أن : } \sqrt{\frac{\sqrt{5}}{2a}} + \frac{\sqrt{5}}{2b} = \sqrt{5}$$

$$(1/II) \text{ بين أن : } A = x^2 - 5x - \frac{\sqrt{5}}{2-\sqrt{5}}x = x^2 + 2\sqrt{5}x \quad \text{حيث } x \text{ عدد حقيقي}$$

$$(2) \text{ جد العدد الحقيقي } x \text{ في كل حالة: أ/ } A = 0 \quad \text{ب/ } A = x + \sqrt{20}$$

$$(3) \text{ أ / بين أن } A + 5 = (x + \sqrt{5})^2 \quad \text{ب/ جد العدد الحقيقي } x \text{ في حالة } \sqrt{A+5} = \sqrt{45}$$

التمرين الثالث (7 ن) (وحدة قياس الطول هي الصم)

ليكن $(O; I; J)$ معينا متعامدا في المستوي حيث $OI=OJ=1$

$$(1) \text{ أ / عين النقاط } A(2; 3); B(0; -3); C(2\sqrt{2}; -3)$$

ب/ بين أن I منتصف [AB]

ج/ بين أن المستقيمين (BC) و (OI) متوازيان

(2) المستقيم (AC) يقطع (OI) في D

$$\text{أ / بين أن إحداثيات النقطة D هي } (\sqrt{2} + 1; 0) \quad \text{ب/ احسب BC}$$

$$(3) \text{ أ / ابن النقطة E بحيث يكون الرباعي ABCE متوازي الأضلاع. ب / أوجد إحداثيات E}$$

$$(4) \text{ المستقيم (AC) يقطع [IE] في F. بين أن } IF = \frac{1}{3} IE$$

$$(5) \text{ ما هي مجموعة النقاط } M(x; y) \text{ حيث } x \geq 2 \text{ و } y = 3 \text{ ؟}$$

$$(6) \text{ ما هي إحداثيات النقطة D في المعين } (C; B; E) \text{ ؟}$$

التمرين الرابع (4 ن)

I / باستعمال الأرقام : 2 ; 1 ; 5 ; 8 ; 7

(1) كم عدداً يتكون من أربعة أرقام مختلفة يمكن تكوينه ؟

(2) كم عدداً يتكون من أربعة أرقام مختلفة ، يقبل القسمة على 12 يمكن تكوينه ؟

$$A = \left\{ \frac{-22}{7} ; \frac{136785}{15} ; \pi - 0,14 ; -\sqrt{5} ; -8,375 ; -\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{60}} \right\}$$

حدد عناصر المجموعات التالية : $A \cap \mathbb{R} ; A \cap \mathbb{Q}_- ; A \cap \mathbb{D} ; A \cap \mathbb{Z}$

التمرين الاول (5 ن)

I/ أجب بصواب أو خطأ

(1) إذا كان باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي n على 2 و 3 هو نفس العدد 1 فإن باقي القسمة الإقليدية للعدد n على 6 هو 1
(2) العدد $3,6$ هو عدد كسري غير عشري
(3) العدد $4\sqrt{2} + 6$ هو مقلوب العدد $\sqrt{2} - \frac{3}{2}$

II

يمثل الرسم المصاحب ثلاث نقاط A و B و C من المستوي المدرج بمعين (O, I, J) ابن النقاط O و I و J ، إذا علمت أن إحداثيات النقاط A و B و C في المعين (O, I, J) هي $A(0; \sqrt{2})$ و $B(-2; 0)$ و $C(-2; \sqrt{2})$ (ينجز الرسم على الوثيقة المصاحبة)

A .
C .

B .

التمرين الثاني (4,5 ن)

نعتبر العبارتين: $A = x - |\sqrt{2} - 2| - [3 - (x - \sqrt{2})]$ و $B = (3x - 2)(2x - 5) - 2x^2 + 5x$ حيث x عدد حقيقي
(1) بين أن $A = 2x - 5$ و $B = 2(x - 1)(2x - 5)$

(2) احسب القيمة العددية للعبارة B في حالة $x = \sqrt{5}$

(3) جد العدد الحقيقي x في الحالتين: أ/ $|A| = 0$ ب/ A و B متقابلان

التمرين الثالث (6,5 ن) (وحدة قياس الطول هي الصم)

ليكن $(O; I; J)$ معينا متعامدا في المستوي حيث $OI=OJ=1$

(1) أ/ عين النقاط $A(\sqrt{2}, 0)$ و $B(-2, -3)$ و $C(-2, 0)$

ب/ احسب AC

ج/ بين أن المستقيمين (BC) و (OI) متعامدان

(2) لتكن النقطة $D(\sqrt{2}, -3)$ ب/ بين أن الرباعي $ADBC$ مستطيل

(3) أ/ ابن النقطة E بحيث يكون الرباعي $ABCE$ متوازي الأضلاع.

ب/ أوجد إحداثيات E

(4) ما هي مجموعة النقاط $M(x; y)$ حيث $x = \sqrt{2}$ و $|y| \leq 3$ ؟

التمرين الرابع (4 ن) نعتبر E مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية n بحيث:

*/ كل أرقام العدد n مخالفة للصفر

*/ كل أرقام العدد n مختلفة

****/ العدد n يقبل القسمة على جميع أرقامه *****/ العدد n يقبل القسمة على مجموع أرقامه

مثال: $24 \in E$ و $42 \notin E$

(1) أ/ هل أن العدد 624 ينتمي إلى المجموعة E ؟ علل اجابتك .

ب/ إذا كان n ينتمي إلى المجموعة E و يقبل القسمة على 15 . بين أن n أصغر من 1000

(2) أ/ اعط بالاعتماد على شجرة الاختيار جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية

المتكونة من ثلاثة أرقام فردية مختلفة وتقبل القسمة على 5

ب/ استنتج مجموعة الأعداد التي تنتمي إلى E و تتكون من ثلاثة أرقام و تقبل القسمة على 15.

التمرين الاول (4 ن) أجب بصواب أو خطأ

$$(1) \left\{ \frac{136785}{15} ; \pi - 0,14 ; -7,175 ; -\frac{\sqrt{45}}{\sqrt{20}} \right\} \not\subset \mathbb{Q}$$

(2) باستعمال الأرقام 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5

عدد الأعداد الصحيحة الطبيعية التي تتكون من ثلاثة أرقام مختلفة وتقبل القسمة على 12 هو 4

$$(3) \text{ إذا كان } a \in \mathbb{R} \text{ فإن } |4\sqrt{2} - 6 + a| = 6 - 4\sqrt{2} - a$$

$$(4) \text{ العددان } \frac{2\sqrt{5}-3\sqrt{2}}{2} \text{ و } \sqrt{20} + \sqrt{18} \text{ هما عدنان مقلوبان}$$

التمرين الثاني (6 ن)

$$(I) \text{ نعتبر العبارة : } A = x^2 - x - 1 \text{ حيث } x \text{ عدد حقيقي}$$

جد الأعداد الحقيقية x في كل حالة:

$$A = -1 \text{ / أ } A = -x \text{ / ب } A = 5 \text{ / ج } \sqrt{A+10+x}$$

$$(II) \text{ نعتبر العدد الحقيقي : } a = \sqrt{\left(\sqrt{5} - \frac{5}{2}\right)^2} + (\sqrt{5} + 1)(3 - \sqrt{5}) - \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{12}}$$

$$(1) \text{ بين أن : } a = \frac{\sqrt{5}+1}{2}$$

$$(2) \text{ / أ احسب القيمة العددية للعبارة } A \text{ في حالة } x = a$$

$$\text{ / ب استنتج أن } a - 1 \text{ مقلوب } a \text{ وأن } \frac{a^2}{a+1} = 1$$

التمرين الثالث (8 ن) (وحدة قياس الطول هي الصم)

ليكن $(O ; I ; J)$ معينا متعامدا في المستوي حيث $OI=OJ=1$

$$(1) \text{ / أ عين النقاط } A(4;0) \text{ و } C(0;-3) \text{ و } D(4;3)$$

$$\text{ / ب احسب } AI \text{ ج/ بين أن } (OJ) // (AD)$$

$$(2) \text{ المستقيم } (IJ) \text{ يقطع } (AD) \text{ في } B \text{ . بين أن } AB = 3$$

$$(3) \text{ / أ بين أن الرباعي } ABCO \text{ مستطيل . / ب أوجد إحداثيات النقطة } B$$

$$\text{ ج/ بين أن } A \text{ منتصف } [BD]$$

$$(4) \text{ المستقيم } (ID) \text{ يقطع } (BC) \text{ في } E \text{ . بين أن } I \text{ منتصف } [DE]$$

$$(5) \text{ ما هي مجموعة النقاط } M(x;y) \text{ حيث } x \geq -2 \text{ و } y = -3 ?$$

$$(6) \text{ بقراءة للرسم . حدد إحداثيات النقاط } A \text{ و } B \text{ و } D \text{ في المعين } (E;C;I)$$

التمرين الرابع (2 ن)

يمثل الرسم المصاحب ثلاث نقاط A و B و C

من المستوي المقترن بمعين $(O, I ; J)$

ابن النقاط O و I و J ، إذا علمت أن إحداثيات النقاط A و B و C

$$\text{ في المعين } (O, I ; J) \text{ هي } A(1 - \sqrt{2} ; 1) \text{ و } B(\sqrt{2} + 1 ; -1)$$

$$\text{ و } C(\sqrt{2} + 1 ; 1) \text{ (ينجز الرسم على الوثيقة المصاحبة)}$$

