

② لنا a يقبل القسمة على 4
 a يقبل القسمة على 9
 و 4 و 9 عددين أوليان فيما بينهما

إذا: a يقبل القسمة على $4 \times 9 = 36$

$$\left. \begin{array}{l} 2 \leftarrow x \\ 3 \leftarrow x \end{array} \right\} \leftarrow \begin{array}{l} 2 \\ 3 \end{array} \leftarrow x$$

$$\begin{aligned} \sqrt{29 - \sqrt{19 - \sqrt{9}}} &= \sqrt{29 - \sqrt{19 - 3}} \\ &= \sqrt{29 - \sqrt{16}} \\ &= \sqrt{29 - 4} \\ &= \sqrt{25} = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3^{2012} + 3^{2009} &= 3^{2009} \times 3^3 + 3^{2009} \\ &= 3^{2009} \times (3^3 + 1) \\ &= 3^{2009} \times 28 \\ &= 2^{2009} \times 2 \times 14 \end{aligned}$$

تمرين عدد 8: (7 نقاط)

لنعتبر المجموعة E التالية : $E = \left\{ -\sqrt{\frac{52}{13}} ; 3,9\bar{3} ; \sqrt{2} ; \frac{9}{15} ; 2,9 ; -\sqrt{16} \right\}$

(°1) أبحث عن الكسر الذي يمثل الكتابة العشرية الدورية $3,9\bar{3}$ (أكتب مراحل هذا البحث)

(°2) حدّد عناصر المجموعات التالية : $E \cap \mathbb{N}$ و $E \cap \mathbb{Z}$ و $E \cap \mathbb{D}$ و $E \cap \mathbb{Q}$.

(°3) حدّد الأعداد الصمّاء في المجموعة E .

(°4) مثل كل عناصر المجموعة E على مستقيم مقترن بالمعین (O, I) حيث : $OI = 15 \text{ mm}$.

$$x = 3,9\bar{3}$$

①

$$100 \cdot x = 393,3$$

$$10 \cdot x = 39,3$$

$$100x - 10x = 393,3 - 39,3$$

$$90x = 354$$

$$x = \frac{354}{90} = \frac{59}{15}$$

$$E = \left\{ -\sqrt{\frac{52}{13}} ; 3,93 ; \sqrt{2} ; \frac{9}{15} ; 2,9 ; -\sqrt{16} \right\}$$

$$-\sqrt{\frac{52}{13}} = -\sqrt{\frac{13 \times 4}{13}} = -\sqrt{4} = -2 \in \mathbb{Z}$$

$$\frac{9}{15} = 0,6 \in \mathbb{D}$$

$$-\sqrt{16} = -4 \in \mathbb{Z}$$

$$E \cap \mathbb{N} = \{ \}$$

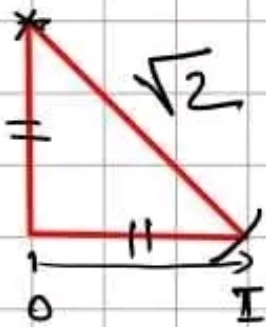
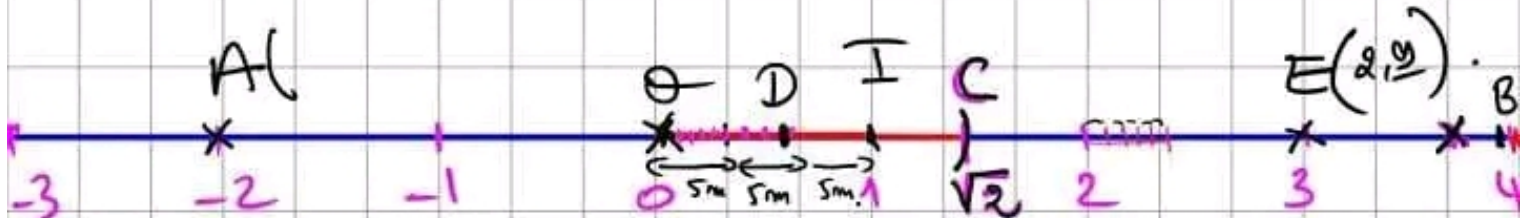
$$E \cap \mathbb{Z} = \left\{ -\sqrt{\frac{52}{13}} ; -\sqrt{16} \right\}$$

$$E \cap \mathbb{D} = \left\{ -\sqrt{\frac{52}{13}} ; -\sqrt{16} ; \frac{9}{15} \right\}$$

$$E \cap \mathbb{Q} = \left\{ -\sqrt{\frac{52}{13}} ; -\sqrt{16} ; \frac{9}{15} ; 3,93 ; 2,9 \right\}$$

③ $\sqrt{2}$: لا يندرج في E أي أنه غير راسم

$$\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$



$$A(-\sqrt{\frac{52}{13}}) \Rightarrow A(-2)$$

$$B(3, 93) \Rightarrow B(\frac{59}{15})$$

$$x_B = \frac{59}{15} = \frac{60}{15} - \frac{1}{15} = 4 - \frac{1}{15}$$

$$x_C = \sqrt{2}$$

$$\textcircled{1} \left(\frac{9}{15} \right)$$

$$b = 2, \underline{9}$$



$$10b - b = 29, \underline{9} - 2, \underline{9}$$

$$9b = 27$$

$$b = \frac{27}{9} = 3$$

3 هو كتابة العدد العشري 3 في صورة كسرية

معرفه:

$$A = \left[-2,5 - (\sqrt{2} - 1 + \pi) \right] - \left(\frac{1}{4} - \sqrt{2} - \frac{5}{2} \right) \quad (1)$$

$$= \left[-2,5 - \sqrt{2} + 1 - \pi \right] - \frac{1}{4} + \sqrt{2} + \frac{5}{2}$$

$$= -\cancel{2,5} - \cancel{\sqrt{2}} + 1 - \pi - \frac{1}{4} + \cancel{\sqrt{2}} + \cancel{\frac{5}{2}}$$

$$= \frac{1}{4} - \frac{1}{4} - \pi$$

$$A = \frac{3}{4} - \pi$$

$$B = (x - \sqrt{5}) - \underbrace{|\sqrt{5} - 5|}_{\text{عدد سالب}}$$

$$= x - \sqrt{5} - (5 - \sqrt{5})$$

$$= x - \cancel{\sqrt{5}} - 5 + \cancel{\sqrt{5}}$$

$$= x - 5$$

(2) $f - A, B$ متساوی یعنی $A + B = 0$.

$$A + B = 0$$

$$\frac{3}{4} - \pi + x - 5 = 0$$

$$x = -\frac{3}{4} + \pi + 5$$

یعنی
یعنی

$$x = -\frac{3}{4} + \frac{20}{4} + \pi.$$

$$x = \frac{17}{4} + \pi.$$

التمرين 1- عدد: لكل سؤال من الأسئلة الموائية إجابة واحدة صحيحة ضع (X) أمام الإجابة الصحيحة.

(1) العدد $98721354e73f$ حيث e و f رقمان ، يقبل القسمة على 6 إذا كان :

☐ $e = 5$ و $f = 3$ ☐ $e = 7$ و $f = 6$ ☐ $e = 0$ و $f = 2$ ☐

(2) العدد $636381726b87a$ حيث a و b رقمان، يقبل القسمة على 12 إذا كان:

☐ $a = 2$ و $b = 3$ ☐ $a = 8$ و $b = 4$ ☐ $a = 6$ و $b = 0$ ☐

(3) العدد $3215484c52d$ حيث c و d رقمان، يقبل القسمة على 15 إذا كان:

☐ $c = 5$ و $d = 2$ ☐ $c = 2$ و $d = 0$ ☐ $c = 4$ و $d = 5$ ☐

(4) العدد $3^{15} + 9^8$ يقبل القسمة على: ☐ 15 ☐ 8 ☐ 12 ☐

التمرين 2- عدد: نعتبر العدد الصحيح الطبيعي $x=3a8b$ حيث b رقم أحاده و a رقم مئاته. أوجد جميع قيم a و b إذا علمت أن x يقبل القسمة على 12

التمرين 3- عدد: نعتبر العدد الصحيح الطبيعي $n=3x3y$ المنقوص من أحاده y ورقم مئاته x أوجد جميع قيم n لكي يقبل القسمة على 15.

التمرين 4- عدد: ابحث عن الرقمين a و b في العدد $A=81a8b$ لكي يصبح قابلا للقسمة على 12 و 15 و 6 في نفس الوقت . اوجد كل الحلول .

التمرين 5- عدد:

(1) بين أن العدد $256^{111} + 256^{111} + 256^{111}$ قابل للقسمة على 6.

(2) بين أن العدد: $111 \times (522)^2$ قابل للقسمة على 12.

(3) بين أن: $3^{51} - 2 \times 3^{50} + 3^{48}$ يقبل القسمة على 15.

(4) **التمرين 6- عدد:**

باستعمال الأرقام 3 و 2 و 4 و 1 و 7 باستعمال شجرة الاختيار:

(1) ابحث عن عدد الاعداد الزوجية المتكونة من 3 ارقام

(2) ابحث عن الاعداد الزوجية المتكونة من 3 ارقام مختلفة.

(3) ابحث عن الاعداد المتكونة من 3 ارقام مختلفة وتقبل القسمة على 6

تمرين عدد 7: (5 نقاط)

أختر الإجابة الصحيحة الوحيدة من بين الإجابات الثلاثة المقترحة ثم أكتب رقم الجملة و الإجابة المختارة أمامها فقط:

الجملة:	إجابة 1	إجابة 2	إجابة 3
1°) الكتابة العشرية 0,1233211233211..... تمثل عددا:	عشرًا	كسريًا	أصمًا
2°) ليكون عدد صحيح طبيعي قابلا للقسمة على العدد 36 يجب أن يكون قابلا للقسمة على :	2 و 18	4 و 9	3 و 12
3°) العدد $\sqrt{29}-\sqrt{19}-\sqrt{9}$ يساوي:	3	4	5
4°) المجموع $3^{2012} + 3^{2009}$ يقبل القسمة على:	14	15	16
5°) مُحيط سداسي أضلاعه الـ 6 متقايسة هو:	1254	1255	1256

تمرين عدد 8: (7 نقاط)

لنعتبر المجموعة E التالية : $E = \left\{ -\sqrt{\frac{52}{13}} ; 3,9\bar{3} ; \sqrt{2} ; \frac{9}{15} ; 2,2 ; -\sqrt{16} \right\}$

1°) أبحث عن الكسر الذي يمثل الكتابة العشرية الدورية $3,9\bar{3}$ (أكتب مراحل هذا البحث)

2°) حدّد عناصر المجموعات التالية : $E \cap \mathbb{N}$ و $E \cap \mathbb{Z}$ و $E \cap \mathbb{D}$ و $E \cap \mathbb{Q}$.

3°) حدّد الأعداد الصماء في المجموعة E .

4°) مثل كلّ عناصر المجموعة E على مستقيم مقترن بالمعّين (O, I) حيث : $OI = 15 \text{ mm}$.

تمرين عدد 9: (4 نقاط)

لنعتبر العبارتين التاليتين: $A = \left[-2,5 - (\sqrt{2} - 1 + \pi) \right] - \left(\frac{1}{4} - \sqrt{2} - \frac{5}{2} \right)$ و $B = (x - \sqrt{5}) - |\sqrt{5} - 5|$ حيث $x \in \mathbb{R}$

1°) اختصر العبارتين A و B لتثبت أن $A = \frac{3}{4} - \pi$ و $B = x - 5$

2°) أبحث عن العدد الحقيقي x في الحالتين التاليتين:

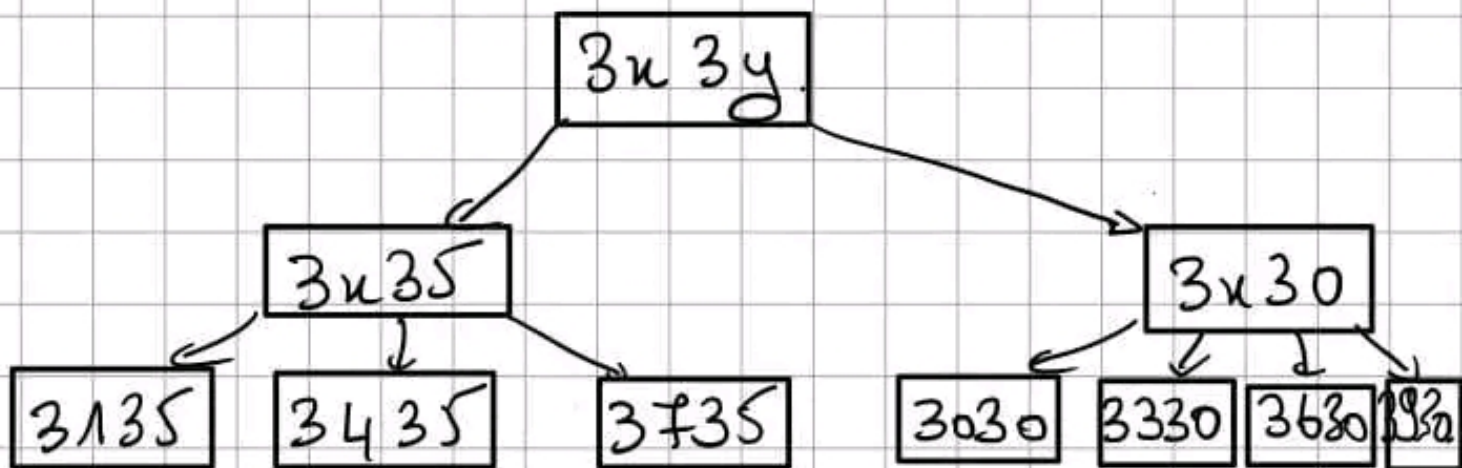
أ* A و B متقابلان ب* $|B| = -A$

التمرين عدد 10

ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة

خطأ	صواب	
		بما أن $(-5)^2 = 25$ فإن $\sqrt{(-5)^2} = -5$
		الرقم الذي رتبته 103 بعد الفاصل في الكتابة العشرية 45.326598 هو 9
		$\sqrt{7}^2 \in \mathbb{D}$
		كل عدد له كتابة عشرية دورية هو عدد حقيقي
		جذر مربع عدد صحيح طبيعي هو عدد كسري

التمرين 3-11: نعتبر العدد الصحيح الطبيعي $n=3x3y$ المنقوص من أحاده y ورقم مائته x أوجد جميع قيم n لكي يقبل القسمة على 15.



التمرين 4-11: ابحث عن الرقمين a و b في العدد $A=81a8b$ لكي يصبح قابلاً للقسمة على 12 و 15 و 6 في نفس الوقت. أوجد كل الحلول.

① $A=81a8b$ يقبل القسمة على 2 و 4 و 3

نفس الوقت يعني أن $b=0$.

② مجموع أرقام العدد A من مضاعفات 3 إذا

$$8+1+a+8+0 = 17+a.$$

إذا $a=1$ أو $a=4$ أو $a=7$.

التمرين 5- عدد:

(1) بين أن العدد $a = 256^{111} + 256^{111} + 256^{111}$ قابل للقسمة على 6.

(2) بين أن العدد: $(522)^2 \times 111$ قابل للقسمة على 12.

(3) بين أن: $3^{51} - 2 \times 3^{50} + 3^{48}$ يقبل القسمة على 15.

$$\begin{aligned}
 a &= \underline{256^{111}} + \underline{256^{111}} + \underline{256^{111}} & (1) \\
 &= 3 \times \underline{256^{111}} \\
 &= 3 \times (2 \times 128)^{111} \\
 &= 3 \times 2^{111} \times 128^{111} \\
 &= 6 \times 2^{110} \times 128^{111}
 \end{aligned}$$

بما أن $2^{110} \times 128^{111} \in \mathbb{N} / 6$ فإن a يقبل القسمة على 6.

$$\begin{aligned}
 y &= (522)^2 \times \textcircled{111} & (2) \\
 &= (2 \times 261)^2 \times 3 \times 37 \\
 &= 4 \times 261^2 \times 3 \times 37 \\
 &= 12 \times (261)^2 \times 37.
 \end{aligned}$$

إذا y يقبل القسمة على 12.

$$\begin{aligned}
 z &= 3^{51} - 2 \times 3^{50} + 3^{48} \quad \textcircled{3} \\
 &= 3^{48} \times 3^3 - 2 \times 3^{48} \times 3^2 + 3^{48} \\
 &= 3^{48} \times (3^3 - 2 \times 3^2 + 1) \\
 &= 3^{48} \times (27 - 18 + 1) \\
 &= 3^{48} \times 10 \\
 &= 3^{47} \times 3 \times 5 \times 2 \\
 &= 3^{47} \times 15 \times 2
 \end{aligned}$$

لذا z قابل القسمة على 15

أنشطة على بعد

(4) التمرين 6- عدد:

بإستعمال الأرقام 3 و 2 و 4 و 1 و 7 بإستعمال شجرة الاختيار:

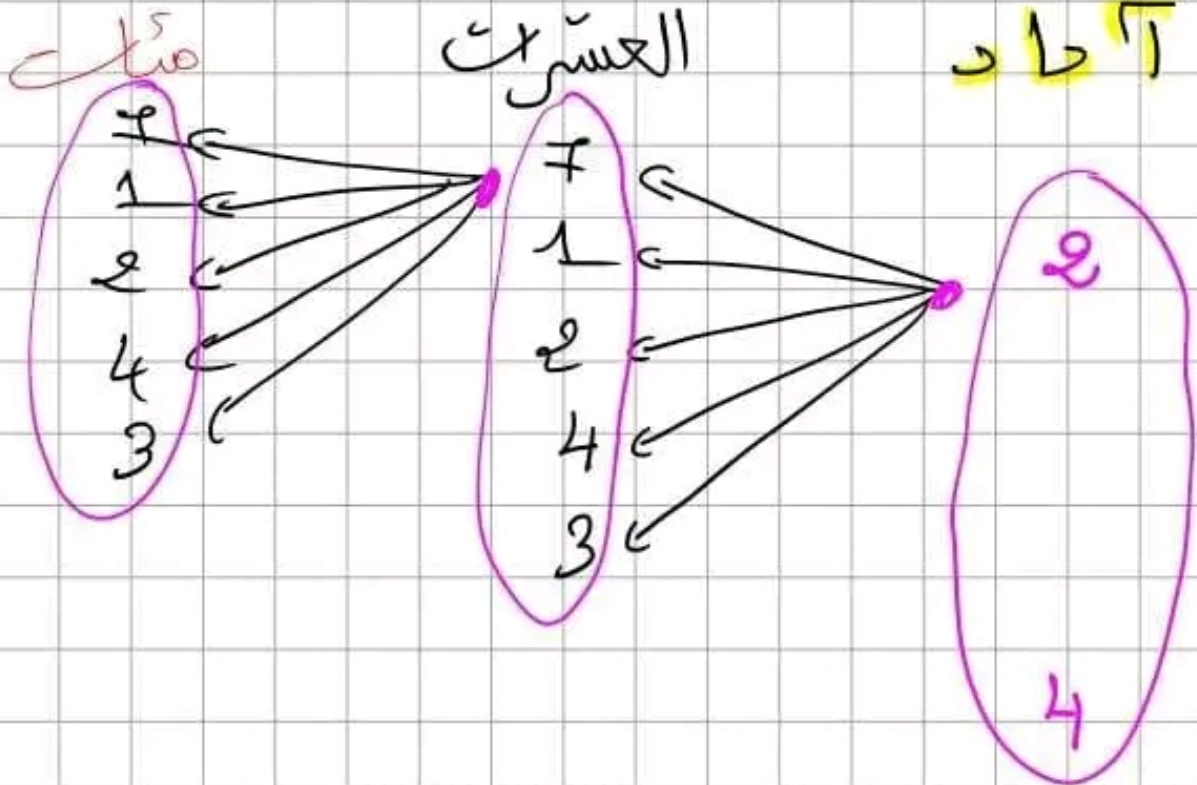
(1) ابحث عن عدد الاعداد الزوجية المتكونة من 3 ارقام

(2) ابحث عن الاعداد الزوجية المتكونة من 3 ارقام مختلفة.

(3) ابحث عن الاعداد المتكونة من 3 ارقام مختلفة وتقبل القسمة على 6

①.

{ 7, 1, 4, 2, 3 }.



عدد الاعداد الزوجية المتكونة من 3 ارقام هو $5 \times 4 \times 2 = 20$.

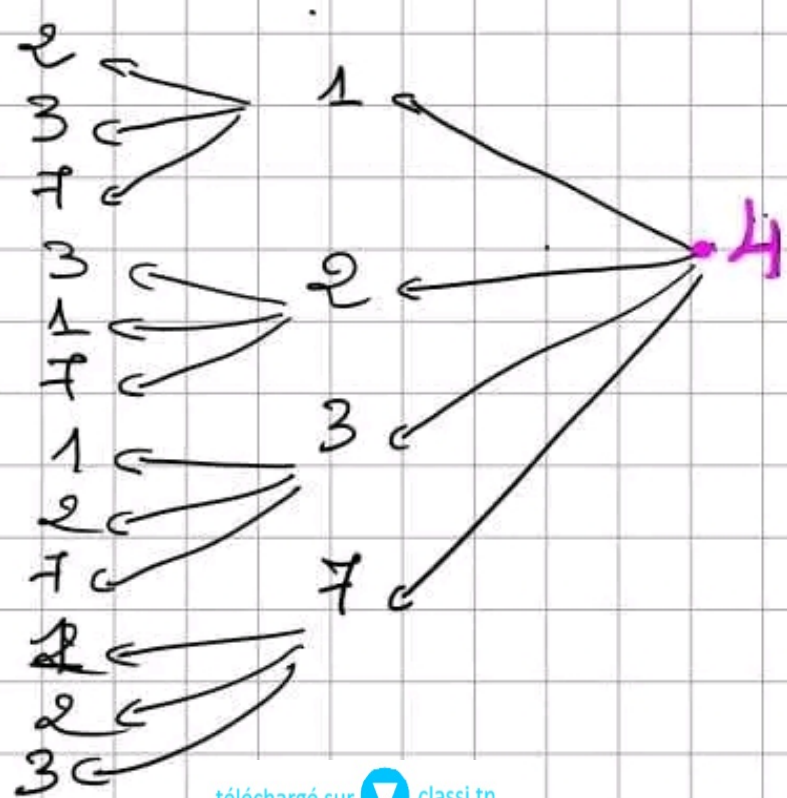
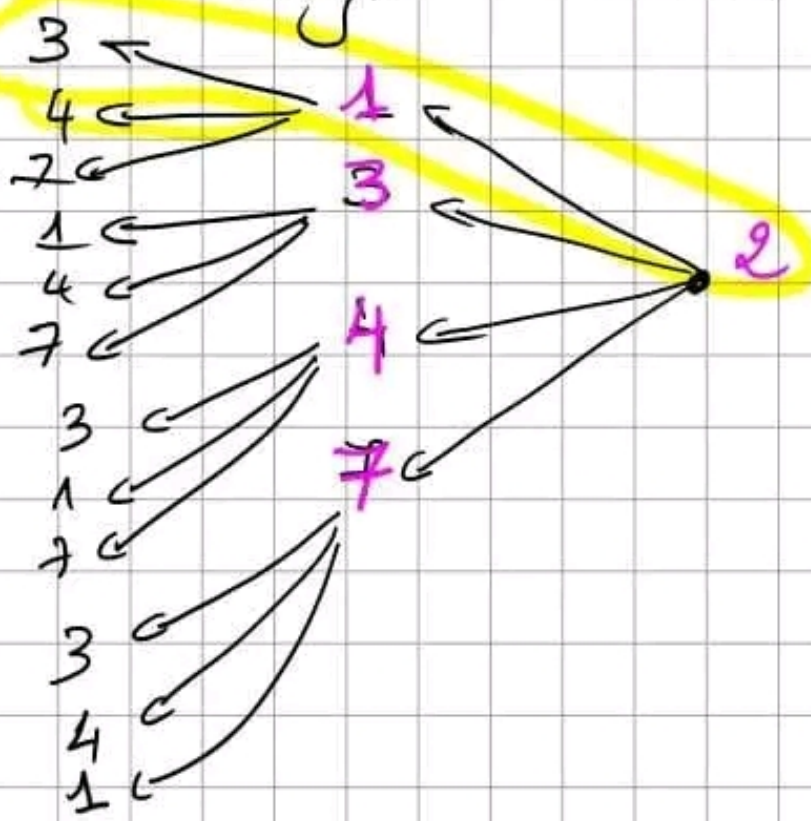
2

2^{tro}

4^{me}

3^{me}

- 3 1 2
- 4 1 2
- 7 1 2
- 1 3 2
- 4 3 2
- 7 3 2
- 3 4 2
- 1 4 2
- 7 4 2
- 3 7 2
- 4 7 2
- 1 7 2
- 2 1 4
- 3 1 4
- 7 1 4
- 3 2 4
- 1 2 4
- 7 2 4
- 1 3 4
- 2 3 4
- 7 3 4
- 1 7 4
- 2 7 4
- 3 7 4



③ الأعداد التي يقبل القسمة على 6 هي:

714 - 372 - 342 - 732 - 312 - 132

324 - 234 - 432 - 174

تمرين عد7: (5 نقاط)

أختر الإجابة الصحيحة الوحيدة من بين الإجابات الثلاثة المقترحة ثم أكتب رقم الجملة و الإجابة المختارة أمامها فقط:

الجملة:	إجابة 1	إجابة 2	إجابة 3
1°) الكتابة العشرية 0,1233211233211..... تمثل عددا:	عشريًا	كسريًا	أصمًا
2°) ليكون عدد صحيح طبيعي قابلا للقسمة على العدد 36 يجب أن يكون قابلا للقسمة على:	2 و 18	4 و 9	3 و 12
3°) العدد $\sqrt{29} - \sqrt{19} - \sqrt{9}$ يساوي:	3	4	5
4°) المجموع $3^{2012} + 3^{2009}$ يقبل القسمة على:	14	15	16
5°) محيط سداسي أضلاعه الـ 6 متقايسة هو:	1254	1255	1256

① $x = 0, \underline{123321} \underline{123321} \dots$

هو عدد كسري دوري و غير منتهى